

Stefan Hildebrandt

Analysis 1

Zweite, korrigierte Auflage
Mit 76 Abbildungen

 Springer

Inhaltsverzeichnis

1	Grundlagen der Analysis	1
1	Was ist Analysis?	1
2	Die reellen Zahlen - historische Bemerkungen	4
3	Die Axiome der reellen Zahlen	8
4	$\mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{Q}$. Vollständige Induktion, Satz von Archimedes, etc.	15
5	Wurzeln. Algebraische Gleichungen	23
6	Binomischer Satz. Binomialkoeffizienten	29
7	Absolutbetrag. Nullfolgen. Intervallschachtelungen	32
8	Dualdarstellung reeller Zahlen. Satz von Bolzano-Weierstraß	38
9	Konvergente Zahlenfolgen und ihre Grenzwerte	43
10	Satz von der monotonen Folge	50
11	Cauchys Konvergenzkriterium	56
12	Konvergente Reihen	60
13	Abbildungen von Mengen. Funktionen	71
14	Der d -dimensionale euklidische Raum \mathbb{R}^d	77
15	Konvergente Folgen in \mathbb{R}^d	85
16	Offene, abgeschlossene und kompakte Mengen in \mathbb{R}^d	91
17	Die komplexen Zahlen. Der Raum \mathbb{C}^d	96
18	Folgen und Reihen von Matrizen	103
19	Umordnung von Reihen	110

20	Potenzreihen	112
21	Produkte von Reihen	117
2	Der Begriff der Stetigkeit	121
1	Geometrische Deutung von Funktionen	123
2	Vektorräume von Funktionen. Beschränkte Funktionen	129
3	Grenzwerte von Funktionen	133
4	Stetige Funktionen	144
5	Zwischenwertsatz und Umkehrfunktion	152
6	Satz von Weierstraß	154
7	Polynome. Fundamentalsatz der Algebra	162
8	Gleichmäßige Stetigkeit und gleichmäßige Konvergenz	168
3	Grundbegriffe der Differential- und Integralrechnung	179
1	Differenzierbare Funktionen einer reellen Variablen	181
2	Extrema. Satz von Rolle	195
3	Mittelwertsatz. Die Ableitung der Umkehrfunktion	204
4	Exponentialfunktion, Logarithmus, allgemeine Potenz	218
5	Die trigonometrischen Funktionen	228
6	Anfangswertprobleme I	248
7	Das eindimensionale Riemannsche Integral	266
8	Hauptsätze der Differential- und Integralrechnung	289
9	Partielle Integration und Variablentransformation	296
10	Integration elementarer Funktionen	310
11	Uneigentliche Integrale	316
12	Regelfunktionen, Regelintegral und die Klasse BV	328
13	Taylorformel und Taylorreihe	333
14	Die l'Hospitalsche Regel	347
15	Gliedweise Differentiation von Reihen	353

4	Differentialgleichungen und Fourierreihen	359
1	Das Anfangswertproblem II	359
2	Phasenfluß von Vektorfeldern	375
3	Zwei Modelle des Anfangswertproblems	381
4	Elementare Lösungsmethoden für Differentialgleichungen	384
5	Strömungsbilder linearer autonomer Systeme	405
6	Fourierreihen	410
7	Konvergenz im quadratischen Mittel	435
8	Hilberträume	448
	Anhang: Bezeichnungen und Begriffe	470
	Lehrbücher der Analysis	474